

Шифр
11-007

Шифр

Открытая межвузовская олимпиада школьников СФО
«Будущее Сибири»
2 этап (заключительный)

Письменная работа

на олимпиаде по физике

Сведения об участнике олимпиады

Фамилия: К Р А С Ъ К О

Имя: И Л Ь Я

Отчество: А Л Е К С А Н Д Р О В И Ч

Учащийся 10^а класса школы № 14003 "ВУНУ"
г. Новосибирска Ленинского района
(города/села, района)
Новосибирской области
(области)

Дата рождения: 10.10.98

Контактная информация – телефон(ы): 8-913-961-22-95

E-mail: kraske1998@mail.ru


Пункт проведения этапа СГУГУТ

Дата проведения этапа 15.02.15

Даю согласие на обработку моих персональных данных и информирование меня
посредством sms и e-mail о моих результатах и всех дальнейших мероприятиях, связанных
с олимпиадой

Личная подпись 

Открытая межвузовская олимпиада школьников СФО «Будущее Сибири»

Общий балл	Дата	Ф.И.О. членов жюри	Подписи членов жюри
33		Карманов И.И.	

Задание №1

Пусть u км/ч - скорость 1-го лыжника, а v км/ч - скорость 2-го.

Рассмотрим 2 случая:

- 1) Они движутся навстречу
- 2) Они движутся в разные стороны.

Для начала отметим, что начальное расстояние равно $\frac{2\pi r}{2} = \pi r$, где r - радиус окружности, а расстояние $l = \frac{\pi r}{3}$ (дуги окружности).

Пусть t_1 - время встречи.

- 1) Составим систему уравнений для 1-го случая:

$$\begin{cases} (u+v)t = \pi r - \frac{\pi r}{3} \cdot 3 \\ (u+v)t_1 = \pi r \cdot 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3(u+v)t = 2\pi r \\ 2(u+v)t_1 = 2\pi r \end{cases}$$

$$3(u+v)t - 2(u+v)t_1 = 0$$

$$3t = 2t_1$$

$$t_1 = \frac{3}{2}t$$

- 2) Составим систему уравнений для 2-го случая:

$$\begin{cases} (u-v)t = \pi r - \frac{\pi r}{3} \cdot 3 \\ (u-v)t_1 = \pi r \cdot 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3(u-v)t = 2\pi r \\ 2(u-v)t_1 = 2\pi r \end{cases}$$

$$3(u-v)t - 2(u-v)t_1 = 0$$

$$3t = 2t_1$$

$$t_1 = \frac{3}{2}t$$

Тогда t_1 одинаково для обоих случаев. +

Ответ: $\frac{3}{2}t$

Председатель жюри



Задача №2

Дано:
 $I_1 = 6 \text{ A}$
 $I_2 = 4,5 \text{ A}$
 $l_1 = l \text{ м}$
 $l_2 = \frac{1}{3} l \text{ м}$
 $l_3 = \frac{1}{2} l \text{ м}$
 Найти:
 I_3

Решение: $R = \frac{\rho l}{S}$, $U = IR$, $R_{\text{сд}} = R_1 + R_2 + R_3 + \dots + R_n$
 Пусть $\rho = \rho \text{ Ом} \cdot \text{мм}^2/\text{м}$, $S = S \text{ мм}^2$

10

тогда, $R_{\text{сечения}} = R$, тогда

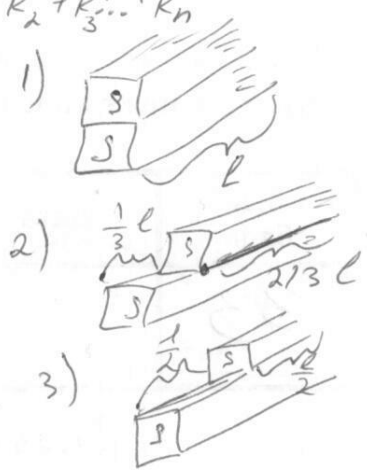
$$R_1 = \frac{\rho l}{2S}, \quad R_{\text{сд}1} = \frac{\rho l}{2S} + R;$$

$$R_2 = 2 \cdot \frac{\rho \frac{1}{3} l}{S} + \frac{2 \rho l}{3 \cdot 2S} = \frac{\rho l}{S},$$

$$R_{\text{сд}2} = \frac{\rho l}{S} + R;$$

$$R_{\text{сд}3} = 2 \cdot \frac{\rho \frac{l}{2}}{S} + \frac{\rho \frac{l}{2}}{2S} = \frac{5 \rho l}{4S}$$

$$R_{\text{сд}3} = \frac{5 \rho l}{4S} + R;$$



Так, как U постоянна, то

$$I_1 \cdot R_{\text{сд}1} = I_2 \cdot R_{\text{сд}2},$$

$$6 \left(\frac{\rho l}{2S} + R \right) = 4,5 \left(\frac{\rho l}{S} + R \right),$$

$$\frac{3 \rho l}{S} + 6R = \frac{4,5 \rho l}{S} + 4,5R,$$

$$1,5R = 1,5 \frac{\rho l}{S},$$

$$R = \frac{\rho l}{S},$$

$$R_{\text{сд}2} = \frac{\rho l}{S} + \frac{\rho l}{S} = \frac{2 \rho l}{S},$$

$$R_{\text{сд}3} = \frac{5 \rho l}{4S} + \frac{\rho l}{S} = \frac{9 \rho l}{4S};$$

$$I_2 R_{\text{сд}2} = I_3 R_{\text{сд}3},$$

$$4,5 \cdot \frac{2 \rho l}{S} = I_3 \frac{9 \rho l}{4S}$$

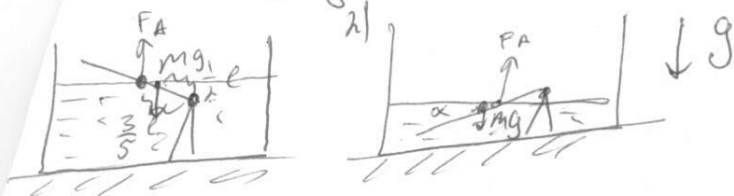
$$9 = \frac{9 I_3}{4}$$

$$I_3 = 4$$

Ответ: 4 A +

Задача №3

11-001



Пусть длина стержня = l , а масса стержня = m кг = $\rho_{ж} \cdot V_{ж}$,
 $\rho_{ж} = \rho_{ж} \text{ кг/м}^3$; по условию известно, что палочка тонкая,
 т.е. весь объем составляет её длина. тогда составим уравнение
 моментов сил для 1 случая:

$$\frac{1}{2} l m g = \frac{1.3}{2.5} l \cdot \frac{3}{5} V_{ж} \rho_{ж} g$$

(2)

$$\frac{1}{2} \rho_{ж} l = \frac{9}{25} \rho_{ж} l$$

$$\rho_{ж} l = \frac{18}{25} \rho_{ж} l$$

Составим уравнение моментов для второго случая,
 считая, что длина погружённой части = x л, тогда

$$\frac{1}{2} l \rho_{ж} V_{ж} g = x l \cdot \rho_{ж} V_{ж} g$$

$$\frac{\rho_{ж} l}{2} = x^2 \rho_{ж}$$

$$\frac{9}{25} \rho_{ж} l = x^2 \rho_{ж}$$

$$x^2 = \frac{9}{25}$$

$$x = \frac{3}{5}$$

Ответ: $\frac{3}{5}$

Задача №4

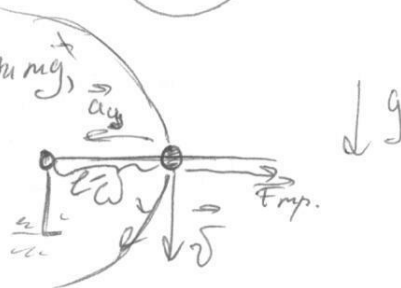
Решение: $\vec{a}_{ц} = \vec{\omega}^2 R$, $\vec{F}_{тр} = \mu \vec{N} = \mu m g$,
 $\vec{F}_p = \vec{F}_{тр}$, $\vec{F}_p = m \vec{a}$

$$a_{ц} = \omega^2 R = \varepsilon^2 t^2 l \text{ м/с}^2$$

пусть $m_{шарика} = m$ кг, тогда

$$\vec{F}_p = \vec{F}_{тр}$$

$$m a_{ц} = \mu m g$$



(3)

Дано:

$$\omega = \varepsilon t \text{ с}^{-1}$$

$$R = l \text{ м}$$

$$\mu = \mu$$

Найти:

t

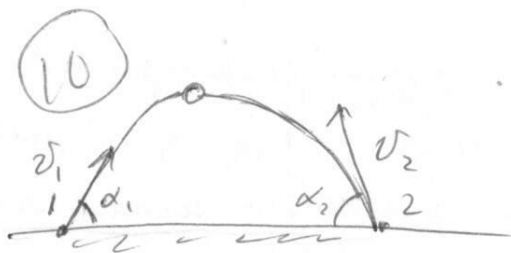
$$\varepsilon^2 t^2 l = \mu g$$

$t = \sqrt{\frac{\mu g}{\varepsilon^2 l}}$, в момент t бусинка сорвется, тогда

$$t_d = \sqrt{\frac{\mu g}{\varepsilon^2 l}}$$

Ответ: $\sqrt{\frac{\mu g}{\varepsilon^2 l}}$ —

Задача 15 #



$P = m v$
 Горизонтальная $v = v \cos \alpha$,
 а вертикальная $= v \sin \alpha$.

В момент столкновения присутствуют только горизонтальная, т.е.

$P_1 = m_1 v_1 \cos \alpha_1$, $P_2 = m_2 v_2 \cos \alpha_2$, $P_1 + P_2 = P_1' + P_2'$, тогда, по условию, что они прилетели обратно в точку 1

$$\frac{m_2 v_2 \cos \alpha_2}{\cos \alpha_1} = m_2 v_2 \cos \alpha_2 = m_1 v_1 \cos \alpha_1 = (m_2 + m_1) v_1 \cos \alpha_1,$$

$$m_2 (v_2 - v_1) = 2 m_1 v_1$$

$$m_2 (v_2 \cos \alpha_2 - v_1 \cos \alpha_1) = 2 m_1 v_1 \cos \alpha_1,$$

Из условия они столкнутся, сумма их прилетит в точку 1, т.е. их вертикальные составляющие скорости равны, или

$$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \alpha, \quad v_2 = \frac{v_1 \sin \alpha}{\sin \alpha_2}$$

$$\frac{m_1}{m_2} = \frac{v_2 \cos \alpha_2 - v_1 \cos \alpha_1}{2 v_1 \cos \alpha_1} = \frac{v_2 \cos \alpha_2 - \frac{v_1 \cos \alpha_1 \sin \alpha_2}{\sin \alpha_1}}{2 v_1 \frac{\sin \alpha_2 \cos \alpha_1}{\sin \alpha_1}} = \frac{\cos \alpha_2 - \cos \alpha_1 \frac{\sin \alpha_2}{\sin \alpha_1}}{2 \sin \alpha_2 \cos \alpha_1}$$

$$= \frac{\cos \alpha_2 \cdot \sin \alpha_1 - \cos \alpha_1 \sin \alpha_2}{\sin \alpha_1} \cdot \frac{\sin \alpha_1}{2 \sin \alpha_2 \cos \alpha_1} = \frac{\cos \alpha_2 \sin \alpha_1 - \cos \alpha_1 \sin \alpha_2}{2 \sin \alpha_2 \cos \alpha_1}$$

Ответ: $\frac{\cos \alpha_2 \sin \alpha_1 - \cos \alpha_1 \sin \alpha_2}{2 \sin \alpha_2 \cos \alpha_1}$ #